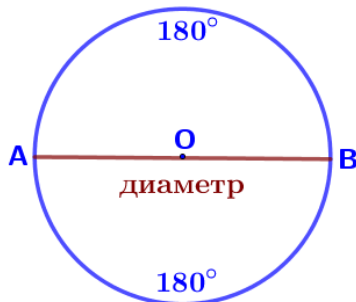


17. Окружность, круг и их элементы

Окружность



AO, BO – радиусы $AO = BO$

AB – диаметр $D = 2R$

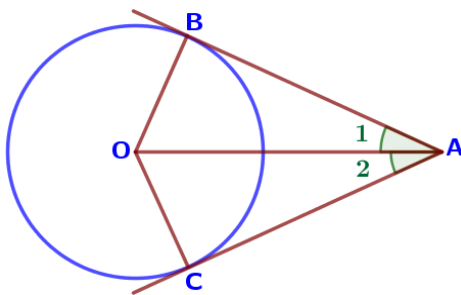
Сумма градусных мер двух дуг окружности с общими концами равна 360° .

Диаметр делит окружность на две полуокружности.

$$\cup AB = 180^\circ$$



Касательная к окружности **перпендикулярна** к радиусу, проведенному в точку касания.

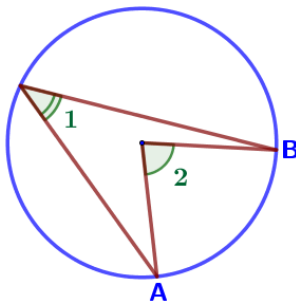


Отрезки касательных к окружности, проведенные из одной точки, **равны** и составляют **равные углы** с прямой, проходящей через эту точку и центр окружности:

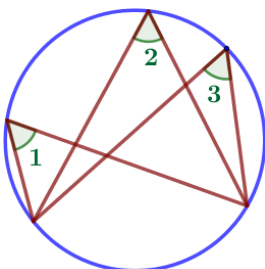
$$AB = AC, \quad \angle 1 = \angle 2.$$

Градусная мера **вписанного угла** (вершина лежит на окружности) измеряется **половиной** дуги,

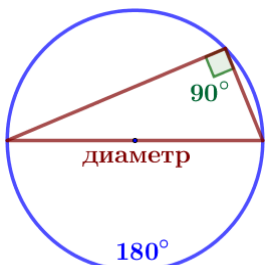
на которую он опирается: $\angle 1 = \frac{1}{2} \cup AB$.



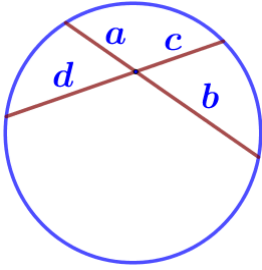
Градусная мера **центрального угла** (вершина в центре окружности) равна градусной мере соответствующей дуги окружности: $\angle 2 = \cup AB$.



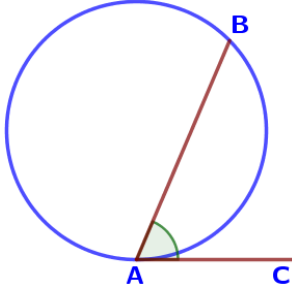
Вписанные **углы**, опирающиеся на одну и ту же дугу, **равны**: $\angle 1 = \angle 2 = \angle 3$.



Вписанный угол, опирающийся на полуокружность – **прямой** (90°).

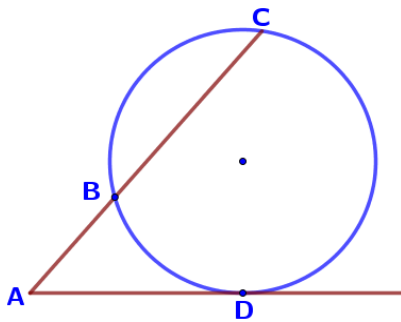


Если две хорды окружности пересекаются, то произведение отрезков одной хорды равно произведению отрезков другой хорды: $ab = cd$.



Угол, образованный касательной и хордой измеряется половиной дуги, заключенной между его сторонами:

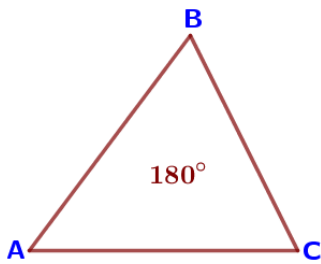
$$\angle BAC = \frac{1}{2} \cdot \cup AB.$$



Квадрат отрезка касательной равен произведению секущей на ее внешнюю часть:

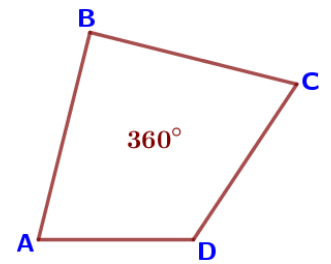
$$AD^2 = AB \cdot AC.$$

Треугольник и четырехугольник

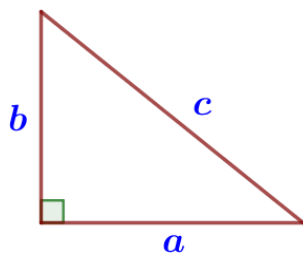


Сумма углов треугольника равна **180°**.

Сумма углов выпуклого четырехугольника равна **360°**.



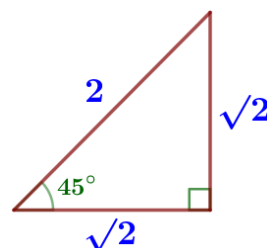
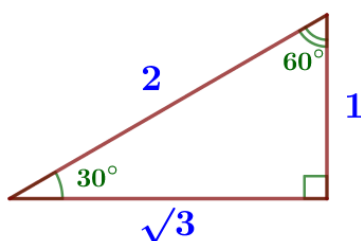
Прямоугольный треугольник



Теорема Пифагора:

В прямоугольном треугольнике **квадрат гипотенузы равен сумме квадратов катетов.**

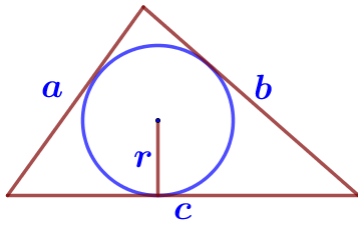
$$c^2 = a^2 + b^2$$



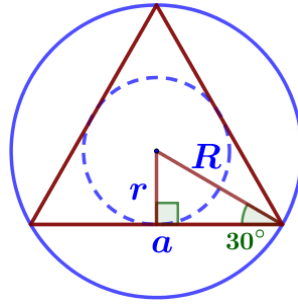
$$\sin \alpha = \frac{\text{противолежащий катет}}{\text{гипотенуза}}$$

$$\cos \alpha = \frac{\text{прилежащий катет}}{\text{гипотенуза}}$$

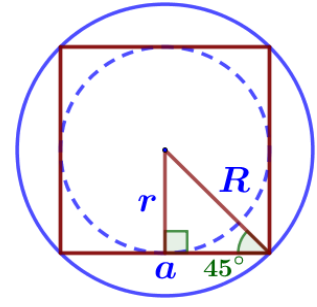
Вписанная и описанная окружность



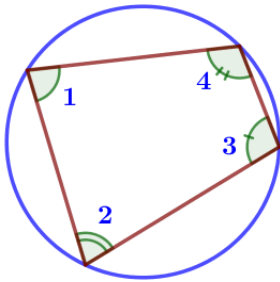
$$p = \frac{a+b+c}{2} \quad S = pr$$



$$R = 2r$$

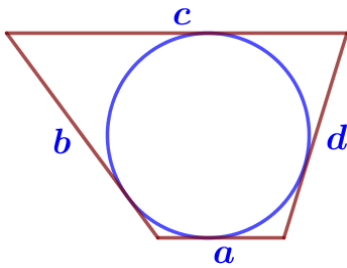


$$a = 2r$$



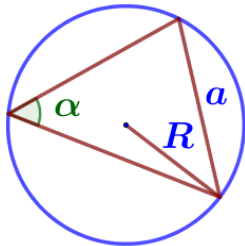
В любом вписанном четырехугольнике сумма противоположных углов равна 180° :

$$\angle 1 + \angle 3 = \angle 2 + \angle 4 = 180^\circ$$



В любом описанном четырехугольнике суммы противоположных сторон равны:

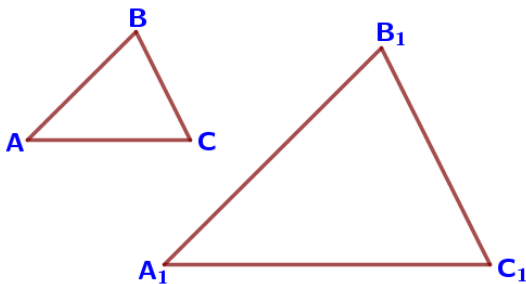
$$a + c = b + d.$$



Удвоенный радиус описанной окружности равен отношению стороны треугольника к синусу противолежащего угла:

$$2R = \frac{a}{\sin \alpha}.$$

Подобные треугольники



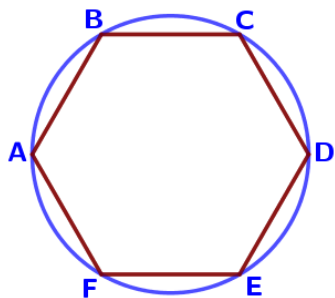
Углы подобных треугольников соответственно равны и стороны одного треугольника пропорциональны сходственным сторонам другого:

$$\angle A = \angle A_1 \quad \angle B = \angle B_1 \quad \angle C = \angle C_1,$$

$$\frac{AB}{A_1B_1} = \frac{BC}{B_1C_1} = \frac{CA}{C_1A_1}.$$

Правильные многоугольники

Любой правильный многоугольник можно вписать в окружность.



У правильного многоугольника все стороны равны.

$$AB = BC = CD = DE = EF = FA$$

Равные дуги стягиваются равными хордами.

$$\cup AB = \cup BC = \cup CD = \cup DE = \cup EF = \cup FA$$